

### Exemplo 21.5

#### MÓDULO DO CAMPO ELÉTRICO DE UMA CARGA PUNTIFORME

Calcule o módulo do campo elétrico de uma carga puntiforme  $q = 4,0 \text{ nC}$  em um ponto do campo situado a uma distância de  $2,0 \text{ m}$  da carga. (A carga puntiforme pode ser qualquer objeto pequeno carregado com a carga  $q$ , desde que as dimensões do objeto sejam muito pequenas em comparação à distância entre o objeto e o ponto do campo.)

#### SOLUÇÃO

**IDENTIFICAR:** este problema usa a expressão para o campo elétrico em função de uma carga puntiforme.

**PREPARAR:** como conhecemos o módulo da carga e a distância entre o objeto e o ponto do campo, usamos a Equação (21.6) para calcular o módulo do campo  $E$ .

**EXECUTAR:** de acordo com a Equação (21.6),

$$\begin{aligned} E &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2} = (9,0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \frac{4,0 \times 10^{-9} \text{ C}}{(2,0 \text{ m})^2} \\ &= 9,0 \text{ N/C} \end{aligned}$$

**AVALIAR:** para conferir nosso resultado, usamos a definição de campo elétrico como a força elétrica por unidade de carga. Podemos inicialmente usar a lei de Coulomb, Equação (21.2), para calcular o módulo  $F_0$  da força sobre uma carga de teste  $q_0$  colocada a uma distância de  $2,0 \text{ m}$  de  $q$ :

$$\begin{aligned} F_0 &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|qq_0|}{r^2} = (9,0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \frac{4,0 \times 10^{-9} \text{ C} |q_0|}{(2,0 \text{ m})^2} \\ &= (9,0 \text{ N/C}) |q_0| \end{aligned}$$

Então, de acordo com a Equação (21.3), o módulo de  $\vec{E}$  é dado por

$$E = \frac{F_0}{|q_0|} = 9,0 \text{ N/C}$$

Como  $q$  é positiva, a *direção* do campo  $\vec{E}$  nesse ponto segue ao

Então, de acordo com a Equação (21.3), o módulo de  $\vec{E}$  é dado por

$$E = \frac{F_0}{|q_0|} = 9,0 \text{ N/C}$$

Como  $q$  é positiva, a *direção* do campo  $\vec{E}$  nesse ponto segue ao longo da reta que une as cargas de  $q$  para a carga  $q_0$ , como indica a Figura 21.17b. Contudo, o módulo, a direção e o sentido de  $\vec{E}$  não dependem do sinal de  $q_0$ . Você sabe por quê?

### Exemplo 21.6

#### VETOR DO CAMPO ELÉTRICO DE UMA CARGA PUNTIFORME

Uma carga puntiforme  $q = -8,0 \text{ nC}$  está localizada na origem. Determine o vetor do campo elétrico para o ponto do campo  $x = 1,2 \text{ m}$ ,  $y = -1,6 \text{ m}$ .

#### SOLUÇÃO

**IDENTIFICAR:** neste problema devemos encontrar o *vetor*  $\vec{E}$  do campo elétrico em função de uma carga puntiforme. Logo, precisamos obter os componentes de  $\vec{E}$  ou seu módulo, direção e sentido.

**PREPARAR:** a Figura 21.19 mostra a situação. A forma vetorial do campo elétrico é dada pela Equação (21.7). Para usar essa equação, primeiro achamos a distância  $r$  entre o ponto do campo  $P$  e o ponto da fonte  $S$  (a posição da carga  $q$ ), bem como o vetor unitário  $\hat{r}$  que aponta no sentido de  $S$  para  $P$ .

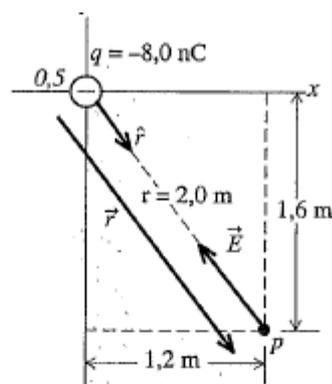


Figura 21.19 Nossa esquematização do problema.

**EXECUTAR:** a distância da carga no ponto da fonte  $S$  (que neste caso está na origem  $O$ ) para o ponto do campo  $P$  é

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(1,2 \text{ m})^2 + (-1,6 \text{ m})^2} = 2,0 \text{ m}$$

O vetor unitário  $\hat{r}$  está orientado do ponto da fonte para o ponto do campo. Ele equivale ao deslocamento do  $\vec{r}$  desde o ponto da fonte até o ponto do campo (na Figura 21.19, foi deslocado para o lado, para não ocultar os demais vetores), dividido por seu módulo  $r$ :

$$\hat{r} = \frac{\vec{r}}{r} = \frac{x\hat{i} + y\hat{j}}{r}$$

$$= \frac{(1,2 \text{ m})\hat{i} + (-1,6 \text{ m})\hat{j}}{2,0 \text{ m}} = 0,60\hat{i} - 0,80\hat{j}$$

Logo, o vetor do campo elétrico é dado por

$$\begin{aligned}\vec{E} &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r} \\ &= (9,0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \frac{(-8,0 \times 10^{-9} \text{ C})}{(2,0 \text{ m})^2} (0,60\hat{i} - 0,80\hat{j}) \\ &= (-11 \text{ N/C})\hat{i} + (14 \text{ N/C})\hat{j}\end{aligned}$$

### Exemplo 19.3 Campo Elétrico de um Dipolo

Um dipolo elétrico é constituído por uma carga pontual  $q$  e por uma carga pontual  $-q$  separadas por uma distância de  $2a$ , como na Figura 19.12. Como veremos em capítulos posteriores, os átomos e as moléculas neutras comportam-se como dipolos quando colocados em um campo elétrico externo. Além disso, muitas moléculas, tais como HCl, são dipolos permanentes. (A molécula de HCl pode ser modelada efetivamente como um íon  $\text{H}^+$  combinado com um íon  $\text{Cl}^-$ .) O efeito desses dipolos no comportamento dos materiais submetidos a campos elétricos é discutido no Capítulo 20. (a) Encontre o campo elétrico  $\mathbf{E}$  devido ao dipolo ao longo do eixo  $y$  no ponto  $P$ , que está a uma distância  $y$  da origem. (b) Encontre o campo elétrico para pontos  $y \gg a$  que estão muito afastados do dipolo.

**Solução** (a) Em  $P$ , os campos  $\mathbf{E}_1$  e  $\mathbf{E}_2$  devidos às duas partículas têm módulos iguais, pois  $P$  está equidistante das duas cargas. O campo total em  $P$  é  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_1 + \mathbf{E}_2$ , onde as magnitudes dos campos são

$$E_1 = E_2 = k_e \frac{q}{r^2} = k_e \frac{q}{y^2 + a^2}$$

As componentes  $y$  de  $\mathbf{E}_1$  e de  $\mathbf{E}_2$  são iguais em módulo e opostas no sinal, logo, se anulam. As componentes  $x$  são iguais e se adicionam, pois têm o mesmo sinal. O campo total  $\mathbf{E}$ , conseqüentemente, é paralelo ao eixo  $x$  e tem uma magnitude

$$E = 2k_e \frac{q}{y^2 + a^2} \cos \theta$$

A partir da Figura 19.12, vemos que  $\cos \theta = a/r = a/(y^2 + a^2)^{1/2}$ . Conseqüentemente,

$$\begin{aligned}E &= 2k_e \frac{q}{y^2 + a^2} \cos \theta = 2k_e \frac{q}{y^2 + a^2} \frac{a}{(y^2 + a^2)^{1/2}} \\ &= k_e \frac{2qa}{(y^2 + a^2)^{3/2}}\end{aligned}$$

(b) A equação precedente fornece o valor do campo elétrico para todos os valores de  $y$ . Para pontos afastados do dipolo,

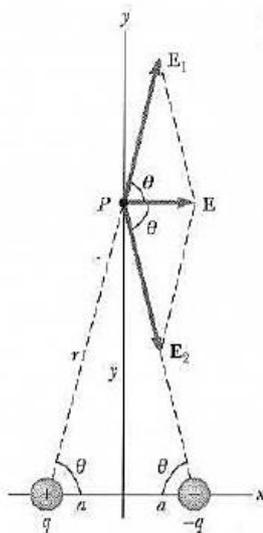


Figura 19.12

(Exemplo 19.3) O campo elétrico total  $\mathbf{E}$  em  $P$  devido a duas cargas iguais e opostas (um dipolo elétrico) é igual à soma vetorial  $\mathbf{E}_1 + \mathbf{E}_2$ . O campo  $\mathbf{E}_1$  é devido à carga positiva  $q$ , enquanto  $\mathbf{E}_2$  é o campo devido à carga negativa  $-q$ .

para os quais  $y \gg a$ , podemos desprezar  $a^2$  no denominador e escrever

$$E \approx k_e \frac{2qa}{y^3}$$

Assim, vemos que ao longo do eixo  $y$  o campo de um dipolo em um ponto distante varia como  $1/r^3$ , enquanto o campo de uma carga pontual varia mais lentamente como  $1/r^2$ . (Nota: Na geometria deste exemplo,  $r = y$ .) Isso ocorre porque, em pontos distantes, os campos das duas cargas no dipolo quase se anulam. A variação  $1/r^3$  em  $E$  para o dipolo é obtida também para um ponto distante ao longo do eixo  $x$  (Problema 15) e para um ponto distante geral.

**EXERCÍCIO** Um pedaço de folha de alumínio de massa  $5,0 \times 10^{-2} \text{ kg}$  é suspenso por um fio em um campo elétrico orientado verticalmente para cima. Se a carga na folha for  $3,0 \mu\text{C}$ , encontre a intensidade do campo que reduzirá a zero a tensão no fio.

Resposta  $1,6 \times 10^5 \text{ N/C}$

**EXERCÍCIO** O núcleo de um átomo de hidrogênio, um próton, cria um campo elétrico. A distância média entre o próton e o elétron de um átomo de hidrogênio é de aproximadamente  $5,3 \times 10^{-11} \text{ m}$ . Qual é a magnitude do campo elétrico a essa distância do próton?

Resposta  $5,1 \times 10^{11} \text{ N/C}$