

Lista 1 - Cálculo Diferencial e Integral I

1. Calcule os limites a seguir (caso existam!) usando tabelas.

- (a) $\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + x)$
 (b) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(2x + 1)(x - 2)}{x - 2}$
 (c) $\lim_{x \rightarrow -1} 3x$
 (d) $\lim_{x \rightarrow 0} \text{sen}(1/x)$
 (e) $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x}$
 (f) $\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{x - 1}$

2. Calcule:

- (a) $\lim_{x \rightarrow -1} (-x^2 - 2x + 3)$
 (b) $\lim_{x \rightarrow -27} \sqrt[3]{x}$
 (c) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$
 (d) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$
 (e) $\lim_{x \rightarrow -1/3} \frac{9x^2 - 1}{3x + 1}$
 (f) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1}$
 (g) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{3}}{x - 3}$
 (h) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 3x - 1}{x^2 + 2}$
 (i) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{3}}{x - 3}$
 (j) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt[4]{x} - \sqrt[4]{2}}{x - 2}$
 (k) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 1}{x^2 - 1}$

- (l) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 + x^2}{3x^3 + x^4 + x}$
 (m) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x + h)^3 - x^3}{h}$
 (n) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{a}}{x - a} \quad (a \neq 0)$
 (o) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{2}}{x - 2}$
 (p) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$ onde $f(x) = \frac{1}{x}$

3. Calcule, caso exista. Se não existir, justifique.

- (a) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{|x - 1|}{x - 1}$
 (b) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{|x - 1|}{x - 1}$
 (c) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x - 1|}{x - 1}$
 (d) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{|x - 1|}{x - 1}$
 (e) $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x}$
 (f) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 2x + 1}{x - 1}$
 (g) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$ onde $f(x) = \begin{cases} x + 1, & \text{se } x \geq 1 \\ 2x, & \text{se } x < 1 \end{cases}$
 (h) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{g(x) - g(2)}{x - 2}$ onde $g(x) = \begin{cases} x, & \text{se } x \geq 2 \\ x^2/2, & \text{se } x < 2 \end{cases}$